

TEMA 60 | Sistema axonométrico

Teorema de SCHLÖMILCH,

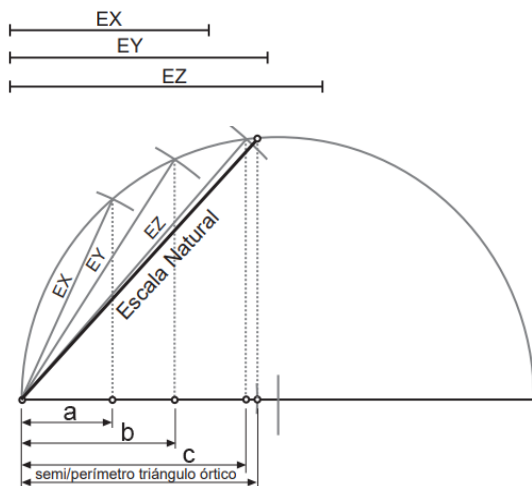
“Los cuadrados de las escalas axonométricas y la natural e. son respectivamente proporcionales a los lados y al semiperímetro del triángulo órtico de referencia.”

Para formularlo matemáticamente, vamos a llamarlo de la siguiente forma:

- Los segmentos de escalas gráficas serán E_x , E_y y E_z ,
- E será la escala natural (medida real)
- a , b y c serán los lados del triángulo órtico,
- P será el perímetro del triángulo órtico ($P = a+b+c$)
- Por tanto $P/2$ será el semiperímetro

Así es:
$$\frac{E_x^2}{a} = \frac{E_y^2}{b} = \frac{E_z^2}{c} = \frac{E^2}{(P/2)}$$

Calcular los ejes del sistema dadas sus Escalas axonométricas, lo haremos de la siguiente forma:



Primero trazamos una semicircunferencia de diámetro mayor que el mayor de los segmentos dados.

Desde un extremo del diámetro hasta cortar a la semicircunferencia trazamos cuerdas de las tres medidas E_x , E_y , E_z .

La proyección de estos segmentos en perpendicular sobre el diámetro base nos da los valores a , b , c , lados del triángulo órtico.

A partir de aquí, dibujamos un triángulo dados estos lados y al trazar sus bisectrices obtendremos los ejes del sistema.

Si quisiésemos calcular el coeficiente de reducción, podríamos hacerlo como otra veces, a partir del abatimiento de un par de planos sobre el plano del cuadro con la ayuda del triángulo de trazas.

O bien, aprovechando que tenemos esta semicircunferencia, calculamos el semiperímetro del triángulo órtico y obtenemos la escala natural.

A partir de una escala gráfica convencional mediante tales, tendremos la relación entre el dibujo y la realidad para cada eje.