

## TEMA 60 | Sistema axonométrico

**Teorema de SCHLÖMILCH,**

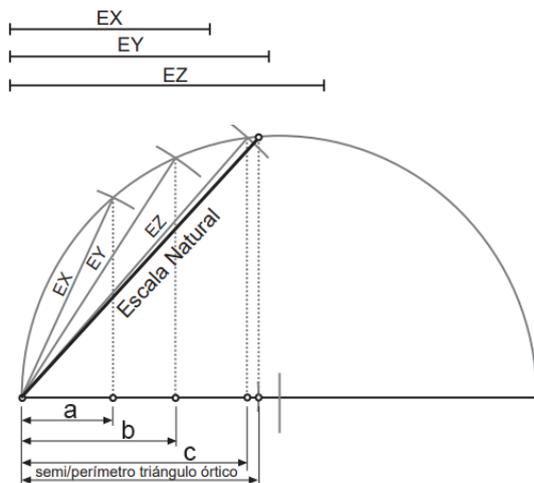
*“Los cuadrados de las escalas axonométricas y la natural e. son respectivamente proporcionales a los lados y al semiperímetro del triángulo órtico de referencia.”*

Para formularlo matemáticamente, vamos a llamarlo de la siguiente forma:

- Los segmentos de escalas gráficas serán  $E_x$ ,  $E_y$  y  $E_z$ ,
- $E$  será la escala natural (medida real)
- $a$ ,  $b$  y  $c$  serán los lados del triángulo órtico,
- $P$  será el perímetro del triángulo órtico ( $P = a+b+c$ )
- Por tanto  $P/2$  será el semiperímetro

Así es: 
$$\frac{E_x^2}{a} = \frac{E_y^2}{b} = \frac{E_z^2}{c} = \frac{E^2}{(P/2)}$$

Calcular los ejes del sistema dadas sus Escalas axonométricas, lo haremos de la siguiente forma:



Primero trazamos una semicircunferencia de diámetro mayor que el mayor de los segmentos dados.

Desde un extremo del diámetro hasta cortar a la semicircunferencia trazamos cuerdas de las tres medidas  $E_x$ ,  $E_y$ ,  $E_z$ .

La proyección de estos segmentos en perpendicular sobre el diámetro base nos da los valores  $a$ ,  $b$ ,  $c$ , lados del triángulo órtico.

A partir de aquí, dibujamos un triángulo dados estos lados y al trazar sus bisectrices obtendremos los ejes del sistema.

Si quisiésemos calcular el coeficiente de reducción, podríamos hacerlo como otra veces, a partir del abatimiento de un par de planos sobre el plano del cuadro con la ayuda del triángulo de trazas.

O bien, aprovechando que tenemos esta semicircunferencia, calculamos el semiperímetro del triángulo órtico y obtenemos la escala natural.

A partir de una escala gráfica convencional mediante tales, tendremos la relación entre el dibujo y la realidad para cada eje.